# Modèles d'épidémie enseignement à distance

Pierre Arnoux

6 juin 2020 Comité Scientifique des IREM

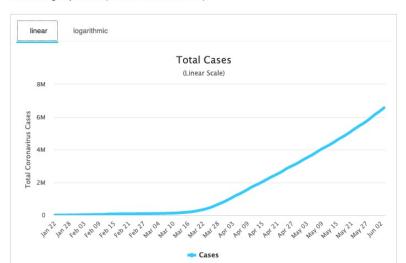
## Chiffres et épidémies

- Nombre de cas
- Nombre de victimes
- Suites et fonctions
- Variations, graphes
- Ordres de grandeur, logarithmes

## Représentation graphique : linéaire et logarithmique

#### Total Cases (worldwide)

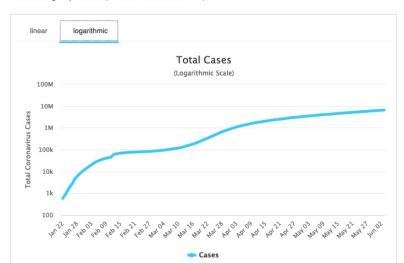
"Total Cases" = total cumulative count (6,688,922). This figure includes deaths and recovered or discharged patients (cases with an outcome).



# Représentation graphique : linéaire et logarithmique

#### Total Cases (worldwide)

"Total Cases" = total cumulative count (6,688,922). This figure includes deaths and recovered or discharged patients (cases with an outcome).



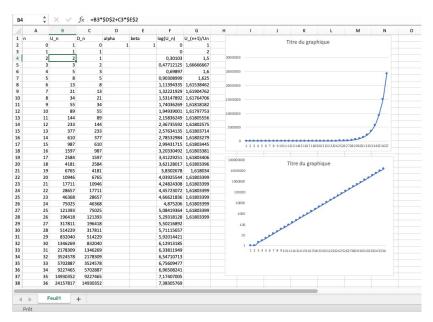
#### **Avertissement**

- ► Je ne suis pas épidémiologiste
- Le but n'est pas de faire un cours d'épidémiologie
- ▶ Il est de montrer un modèle
- et de faire des mathématiques

## Modèle linéaire

- La maladie dure deux jours
- lacktriangle Chaque malade contamine lpha personnes le premier jour
- $\blacktriangleright$  et  $\beta$  personnes le second
- $ightharpoonup U_n$  nombre de malades depuis 1 jour au jour n
- $\triangleright$   $D_n$  nombre de malades depuis 2 jours au jour n
- ▶ Modèle linéaire :  $D_{n+1} = U_n$   $U_{n+1} = \alpha U_n + \beta D_n$
- ► Condition d'épidémie :  $\alpha + \beta > 0$ .

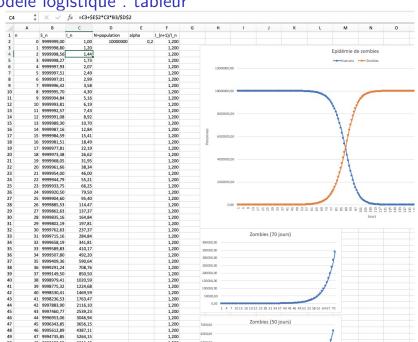
## Modèle linéaire : tableur



## Modèle logistique (Zombies)

- Les malades ne guérissent pas
- Le nombre de nouveau zombies est proportionnel :
- ightharpoonup au nombre de zombies  $I_n$
- ightharpoonup au nombre de personnes saines  $S_n$
- $I_{n+1} = I_n + \alpha S_n I_n$

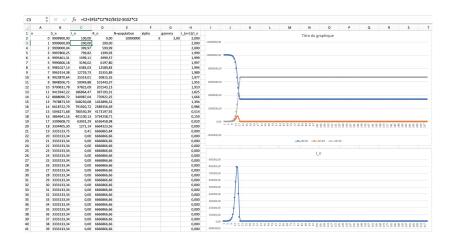
## Modèle logistique : tableur



## Modèle SIR

- trois compartiments
- ▶ Personnes Susceptibles  $S_n$
- Personnes Infectées Infectées
- Personnes Retirées R<sub>n</sub>
- $I_{n+1} = I_n + \alpha I_n S_n \gamma I_n$
- Pic épidémique, puis extinction

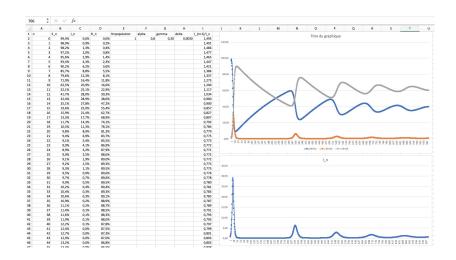
#### Modèle SIR : tableur



## Modèle SIRS

- On ajoute la perte d'immunité
- $R_{n+1} = R_n + \gamma I_n \delta R_n$
- ▶ Il apparaît une deuxième vague
- ► Puis une situation endémique

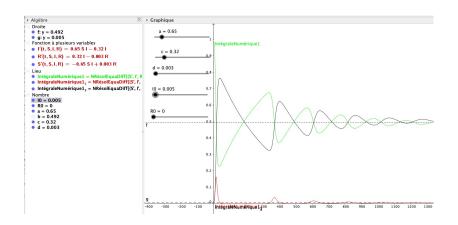
## Modèle SIRS : tableur



#### Modèles différentiels

- Considérer des fonctions
- plutôt que des suites
- La variation se transforme en dérivée
- équations différentielles
- calculables numériquement sur Geogebra

## Modèle SIRS : Geogebra



## Modèles probabilistes

- On doit pouvoir faire des modèles probabilistes élémentaires
- Chaque rencontre Infecté/susceptible donne une contamination avec probabilité p
- ▶ Peut-on le faire au niveau du lycée ou du collège?
- On retrouverait les résultats des modèles SIR
- Avec des complications...